

# IX. RICERCHE DI ANALISI

## APPLICATA ALLA GEOMETRIA.

*di Matematiche*, voi. II (1864), pp. 267-282, 297-306, 331-339, 355-375; voi III (186j), pp. i §-22, 33-41, 82-91, 228-240, 311-314.

### I.

Consideriamo un sistema di linee a doppia curvatura, distribuite nello spazio in modo che per ciaschedun punto ne passi una sola od al più un numero finito. Le equazioni di una delle curve appartenenti a questo sistema si potranno supporre ridotte alla forma :

$$(i) \quad \begin{aligned} x &= x(*, u, v), & y &= y(*, u, v), & z &= z(*, \\ & & & & & u, v), \end{aligned}$$

dove  $u$  e  $v$  sono due parametri arbitrari il cui valore serve ad individuare le singole curve, e  $t$  è una variabile che definisce i punti di ciascuna curva in particolare;  $x, y, z$  sono le coordinate correnti, che supponiamo ortogonali.

Cerchiamo la condizione che deve essere soddisfatta dalle funzioni  $x, y, z$  affinchè esista una superficie che incontri normalmente tutte queste curve.

Se nelle equazioni (i) si sostituisce al posto di  $t$  una funzione determinata di  $u$  e di  $v$ , le equazioni stesse rappresenteranno un punto (od al più una serie discontinua di punti) della linea  $(u, v)$ , e variando  $u$  e  $v$  in tutti i modi possibili si otterrà un sistema continuo di punti, costituente una superficie. Le  $u$  e  $v$  fanno l'ufficio di coordinate curvilinee (Gaussiane) rispetto a questa superficie, e le proiezioni di un suo ele-